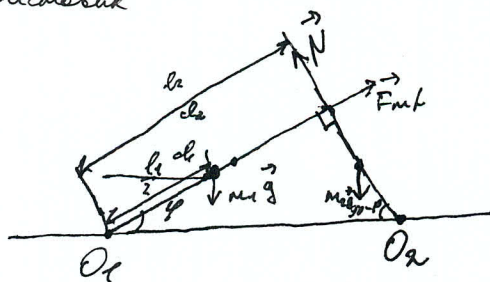


Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
76	12.03.16	Чурткв	

$\mu = 1$
 Дано:
 m_1 ;
 m_2 ;
 φ
 и -?

система



1) Напишем правило моментов для оси O_1 :

$$M_1 = m_1 g \cdot d_1$$

где d_1 - плечо силы тяжести первого стержня:

$$d_1 = \frac{l_1}{2} \cdot \cos \varphi$$

$$M_2 = N \cdot d_2$$

где d_2 - плечо силы реакции опоры:

$$d_2 = l_2$$

Тогда:

$$m_1 g \cdot \frac{l_1}{2} \cos \varphi = N l_2$$

2) Напишем правило моментов для оси O_2 :

$$M_1' = m_2 g d_1'$$

где d_1' - плечо силы тяжести второго стержня:

$$d_1' = \frac{l_2}{2} \cdot \cos(90 - \varphi) = \frac{l_2}{2} \sin \varphi$$

$$M_2' = F_{mf} d_2'$$

где:

$$F_{mf} = \mu N$$

$$d_2' \text{ (плечо силы трения)} = l_2$$

$$M_1' = M_2'$$

$$\frac{m_2 g}{2} l_2 \sin \varphi = \mu N l_2$$

$$3) N = \frac{m_2 g}{2 \mu} \sin \varphi$$

$$N = \frac{m_1 g}{2} \cos \varphi$$

$$\frac{m_2 g}{2 \mu} \sin \varphi = \frac{m_1 g}{2} \cos \varphi$$

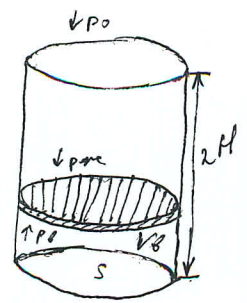
$$\mu = \frac{m_2}{m_1} \tan \varphi$$

20

Ответ: $\mu = \frac{m_2}{m_1} \tan \varphi$

$\rho = 2$

Дано:
 $2H$
 S
 ρ
 P_0



числовых t

$V_b = ?$

1) В данном случае, поршень будет опускаться, пока давления снизу и сверху не станут равными.

Давление сверху будет равно:

$$P = P_0 + \rho g \left(2H - \frac{V_b}{S} \right)$$

где:

$\rho g \left(2H - \frac{V_b}{S} \right)$ - давление на поршень (по закону Паскаля)

Давление снизу (по закону Бойля-Мариотта):

$$P_0 \cdot V_0 = P \cdot V_b$$

где:

$$V_0 = H \cdot S$$

$$P = \frac{P_0 H S}{V_b}$$

(P_0)

2) Приравняем эти значения, получим:

$$P_0 + \rho g \left(2H - \frac{V_b}{S} \right) = \frac{P_0 H S}{V_b}$$

$$P_0 V_b + \rho g 2H V_b - \frac{\rho g V_b^2}{S} = P_0 H S$$

$$\frac{\rho g V_b^2}{S} - V_b (P_0 + 2\rho g H) + P_0 H S = 0$$

$$D = P_0^2 + 4\rho g H P_0 + (2\rho g H)^2 - 4 \frac{P_0 H S \cdot \rho g}{S} = P_0^2 + (2\rho g H)^2$$

Так как корни не можем найти арифметическим:

$$V_b = \frac{P_0 S + 2\rho g H S + \sqrt{P_0^2 S^2 + (2\rho g H S)^2}}{\frac{2\rho g}{S}} = \frac{P_0 S + 2\rho g H S + \sqrt{P_0^2 S^2 + (2\rho g H S)^2}}{2\rho g}$$

Ответ: $V_b = \frac{P_0 S + 2\rho g H S + \sqrt{P_0^2 S^2 + (2\rho g H S)^2}}{2\rho g}$

№3

Чистовик 2

Дано:

$$T = \frac{T_0}{n}$$

$$p = \frac{p_0}{k}$$

$$\frac{m}{m_0} = ?$$

П.п. (по свойствам газообразных веществ) газ занимает весь предоставленный ему объем, но объем газов идеального газа не изменяется. Тогда, по уравнению состояния идеального газа:

$$pV = \frac{m}{M} RT$$

$$\frac{p}{mT} = \frac{R}{VM}$$

А, т.к. $\frac{R}{VM} = const$, то:

$$\frac{p}{mT} = const.$$

Тогда:

$$\frac{p_0}{k m \cdot \frac{T_0}{n}} = \frac{p_0}{m_0 T_0}$$

Отсюда:

$$\frac{m}{m_0} = \frac{n}{k}$$



Ищем: $\frac{m}{m_0} = \frac{n}{k}$

№4

Дано:

$$a' = \frac{5}{2}a$$

$$l = a$$

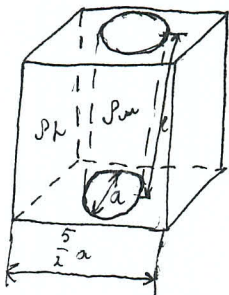
$$p_m$$

$$p_k$$

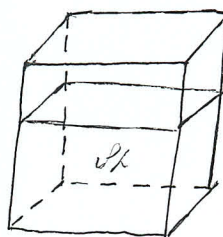
$$R_k = ?$$

$$R_0$$

I



II



I) В первом случае:

$$R_0 = \frac{R_m R_k}{R_m + R_k} \text{ (по закону параллельного соединения)}$$

$$R_m = p_m \cdot l$$

$$\left(R_k = \frac{p_k \cdot l}{\frac{5}{4} \left(\frac{5}{2}a - \frac{1}{2}a \right)^2} = \frac{p_k l}{\frac{9}{2}a^2} \right) \quad R_k = \frac{p_k l}{a^2 \left(\frac{25}{4} - \frac{\pi}{2} \right)}$$

$$\left(R_0 = \frac{p_k p_m l}{\frac{9}{2} a^2 \left(\frac{25}{4} - \frac{\pi}{2} \right)} = \frac{2 p_k p_m l}{a^2 (9 p_m + 2 p_k)} \right) \quad R_0 = \frac{p_k p_m l}{a^2 \left(\frac{\pi}{2} - \frac{25}{4} \right)} = \frac{p_k p_m l}{a^2 \left(\frac{25}{4} - \frac{\pi}{2} \right)}$$

II) В втором случае:

$$R_k = \frac{p_k l'}{\frac{25}{4} a^2} = \frac{4 p_k l'}{25 a^2}$$

$$= \frac{p_k p_m l \left(\frac{25}{4} - \frac{\pi}{2} \right) \cdot \frac{\pi}{2}}{a^2 \left(\frac{25}{4} - \frac{\pi}{2} \right) \left(p_m \left(\frac{25}{4} - \frac{\pi}{2} \right) - p_k \frac{\pi}{2} \right)}$$

$$= \frac{p_k p_m l}{a^2 \left(p_m \left(\frac{25}{4} - \frac{\pi}{2} \right) - p_k \frac{\pi}{2} \right)}$$

$$l' =$$

II) В данном случае:

$$R_k = \frac{p_k l'^2}{\frac{25}{4} a^2} = \frac{4 p_k l'^2}{25 a^2}$$

$$l' = \frac{25}{4} \left(\frac{25}{4} - \frac{\pi}{2} \right) \cdot l = 4(1 - 0,08\pi)l$$

$$R_k = \frac{4 \cdot p_k (1 - 0,08\pi)^2 l^2}{25 a^2} = \frac{4 p_k (1 - 0,08\pi)^2 l^2}{25 a^2}$$

№ 4 (Трехголосье)

методом 3

Тогда:

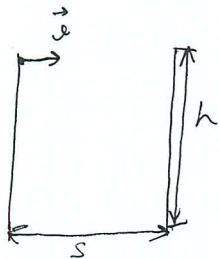
$$\frac{R_k}{R_0} = \frac{u \rho_k (1 - 0,08 \bar{u}) h}{25 \rho_k^2} \cdot \frac{\rho^2 (\rho_{\text{ш}} (\frac{25}{4} - \frac{\bar{u}}{2}) - \rho_k \frac{\bar{u}}{2})}{\rho_{\text{ш}} \rho_k h} = \frac{4 (1 - 0,08 \bar{u}) (\rho_{\text{ш}} (\frac{25}{4} - \frac{\bar{u}}{2}) - \rho_k \frac{\bar{u}}{2})}{25}$$

$$= 0,16 (1 - 0,08 \bar{u}) (\rho_{\text{ш}} (\frac{25 - 2\bar{u}}{4}) - \rho_k \frac{\bar{u}}{2}) = 0,16 (1 - 0,08 \bar{u}) (\frac{25 \rho_{\text{ш}} - 2\bar{u} \rho_{\text{ш}} - 2 \rho_k \bar{u}}{4})$$

Ответ: $\frac{R_k}{R_0} = 0,16 (1 - 0,08 \bar{u}) (\frac{25 \rho_{\text{ш}} - 2\bar{u} \rho_{\text{ш}} - 2 \rho_k \bar{u}}{4})$

№ 5

Дано:
 $v = 12 \text{ м/с}$
 $S = 2 \text{ м}$
 $h = 5 \text{ м}$
 $N = ?$



Т.к. начальная скорость направлена строго горизонтально, то вертикальная проекция начальной скорости равна нулю. Тогда, горизонтальная проекция начальной скорости равна модулю начальной скорости. Если не учитывать сопротивление, то мы получим равнозамедленное движение и вертикальное свободное падение. Найдем время, за которое пуля пролетит расстояние между стенками:

$$S = v_x t_0$$

$$t_0 = \frac{S}{v_x}$$

Найдем время, за которое пуля упадет:

$$h = \frac{gt^2}{2}$$

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

Тогда, учитывая то, что пуля находится между стеной и стеной - ударное, пуля ударится о стену:

$$N = \frac{t}{t_0} = \frac{\sqrt{\frac{2h}{g}}}{\frac{S}{v_x}} = \frac{\sqrt{\frac{2h}{g}}}{\frac{S}{v}} = \sqrt{\frac{2h}{g}} \cdot \frac{v}{S}$$

Решение:

$$N = \sqrt{\frac{20 \text{ м}}{10 \text{ м/с}^2}} \cdot \frac{12 \text{ м/с}}{2 \text{ м}} = 6$$

Ответ: $N = 6, 6 \text{ раз.}$

20